

# Advanced Competitive Programming

---

國立成功大學ACM-ICPC程式競賽培訓隊  
[nckuacm@imslab.org](mailto:nckuacm@imslab.org)

Department of Computer Science and Information Engineering  
National Cheng Kung University  
Tainan, Taiwan

# Week 2 I/O & Standard Template Library

STL 和 Coding 小知識

# Outline

---

- 基礎競程姿勢
- 基礎 I/O
  - I/O 加速
- 常用 STL
  - vector, string, queue, stack, list, set, map, priority\_queue, sort 超多

# 基礎競程姿勢

---

# 基礎競程姿勢

---

記憶體空間的規範各競賽都不相同

通常得考慮：

- 遞迴深度
- 使用的變數多寡
- 程式碼長度



# 基礎競程姿勢

---

而競賽都以秒為單位去做**時間限制**

- 例如 1 秒、3 秒、10 秒



# 基礎競程姿勢

---

- 基本上競程選手幾乎使用 C++，較不會使用 C、Python、Java、Go 等語言
- 有幾點原因：
  - C++ 很快
  - C++ 相對 C 有很多寫好的資料結構可以直接用
  - C++ 在幾乎所有比賽中都能使用
  - C++ 對於操作陣列、指標的難度最低
- 但若有其他語言更為適合的情況，也可以試試

# 基礎競程姿勢--常見資料型態

---

# 基礎競程姿勢--常見資料型態

---

- 需要注意常見的資料型態範圍
  - 就算是選手常因沒有小心估算範圍而得到 WA 或 RE
- `int x:  $|x| \leq 2 \times 10^9$`
- `long long x:  $|x| \leq 9 \times 10^{18}$`
- ~~`float x:`~~ 共 6 位精確度
  - 例如 123.456789 後面的 789 是不準確的
- `double x:` 共 15 位精確度

# 基礎競程姿勢--常見資料型態

---

- 需要注意所要使用的記憶體量，基本上陣列不要超過  $10^6$ 
  - 若需要超過請仔細計算
- 程式的記憶體用量也可以稱作空間複雜度
  - 同樣可以套你學過的 *big O* 表示
- 如果開很大需要開全域變數

# 基礎競程姿勢--演算法的效率

# 基礎競程姿勢--演算法的效率

---

- 2 倍、3 倍、甚至 10 倍的常數倍優化不是競賽時最優先考慮的要點
- 我們所設計的演算法必須根據輸入規模  $N$  而定。

# 基礎競程姿勢--演算法的效率

---

需要仔細估算所使用演算法的效率

- 同樣可以套你學過的 *big O* 表示

# Big O

---

- *Big O* 表示法

$$f(N) = O(g(N)) \Leftrightarrow \exists M, c > 0. \forall N > M. |f(N)| \leq c \cdot |g(N)|$$

- 意思是說在  $N$  足夠大的時候，存在正數  $c$  使得  $c \cdot |g(N)|$  大於等於  $|f(N)|$

# Big O

---

- 例如估計的時間函數:  $f(x) = x^2 + x + 1$
- 在  $x$  很大的時候，主要影響整個函數值的大小是平方項
- 這時我們可以說  $f(x) = O(x^2)$

# Big O

---

- 設輸入規模為  $N$ ，常見的複雜度有：
- $O(1) \leq O(\log N) \leq O(N) \leq O(N \log N) \leq O(N^k) \leq O(k^N) \leq O(N!) \leq O(N^N)$
- 其中  $k$  為常數 (不隨輸入規模成長)

俗話說：大約  $10^7$  以內都算安全

# 合理的時間複雜度

---

假設題目：  
規模為  $N$

而你：  
設計出的演算法複雜度為  $O(N^2 \log N)$

# 合理的時間複雜度

---

$x = N^2 \log N$  得落在  $x \leq 10^7$  左右

這樣的複雜度才不容易 TLE

- 也就是說如果  $N = 10^5$
- 那就得重新設計演算法
- 因為此時  $x = 10^{10} \times \log(10^5)$  超大ggggg

# 基礎 I/O

# 基礎 I/O

---

- 一般常見有兩種
  - `cin/cout`
  - `scanf/printf`

# 基礎 I/O

---

- 若你習慣使用 `cin/cout` 需在 `main` 的一開始加入：
  - `ios::sync_with_stdio(false);`
  - `cin.tie(0);`
- 因為預設中在執行 `cin` 之前 `cout` 會直接 flush (將緩衝區的內容輸出到螢幕)
- C++ 有個換行操作是 `std::endl`，將會強制進行 flush，建議也用 '`\n`' 取代
- 並請不要混用 `cin/cout`、`scanf/printf`
- 如果你使用 `scanf/printf` 請跳過本頁

# 基礎 I/O

---

- 所以你的 code 可能一開始會長這樣

```
1 #include <bits/stdc++.h>
2 #define endl '\n'
3
4 using namespace std;
5 int main() {
6     int n, m, i, j, k;
7     ios::sync_with_stdio(false);
8     cin.tie(0);
9
10    return 0;
11 }
```

# 常用 STL

# 常用 STL

---

- STL 全名 Standard Template Library
  - 簡單來說就是幫你寫好很多東西讓你加快變笨
- STL 可以套在 STL 裡面
  - 然而 STLSTL 又可以套在 STL 裡面
    - 然而 STLSTLSTL 又可以套在 STL 裡面
      - 然而 STLSTLSTLSTL 又可以套在 STL 裡面
        - 然而 STLSTLSTLSTLSTL 又可以套在 STL 裡面
  - 這裡只教基礎用法，比較詳細的請看課程教材或文件

# Vector

---

- vector 就是比較好用的陣列
- 他的用法與許多 STL 的資料結構很像
- `#include <vector>` // 其他 STL 的引入方法類似
- 宣告：`vector<int> v;` // 不用陣列大小
- 把東西丟進去 `v.push_back(123);`
- v：

Index	0	1	2	3	4
Value	123				
- 你可以用 `v[0]` 來取得這個 123

# Vector

---

繼續

```
v.push_back(23);
```

```
v.push_back(3);
```

v 會變成

Index	0	1	2	3	4
Value	123	23	3		

# Vector

---

`v.size()` 取得大小

Index	0	1	2	3	4
Value	123	23	3		

`v.size() == 3`

# Iterator(迭代器)

---

- 用法類似指標，可以說是指標的加強版
- 常用於遍歷容器，如 vector、map、list

# Iterator 用法

---

```
vector<int> v;
vector<int>::iterator iter;
for(iter = v.begin(); iter != v.end(); iter++) {
    cout << *iter << endl;
}
// v.begin(): v 的起始地址
// v.end(): v 的末端地址 + 1 (由於左閉右開)
```

# String

---

- `string` 就是比較好用的 `char str[n]`
- 宣告：`string s; // 不用字串大小`
- 你可以直接 `cin >> s` 或是 `cout << s`
- 也可以直接指定 `s = "ccns"`

Index	0	1	2	3	4
Value	c	c	n	s	

- 你可以用 `s[0]` 來取得 'c'

# String

---

Index	0	1	2	3	4
Value	c	c	n	s	

- 你可以用 `s.length()` 來取得 `s` 的長度
- `s.length() == 4`

# String

---

- vector 擁有的自帶函數 string 也有，如：
  - `string::push_back()`
  - `string::assign()`
- 也可以把 `string` 轉型態成 `char[]` 的字串型態：
  - `string::c_str()`
- `string` 也可以直接相加 `s = stra + strb`
- 甚至可以直接排序(之後會提到)

# getline

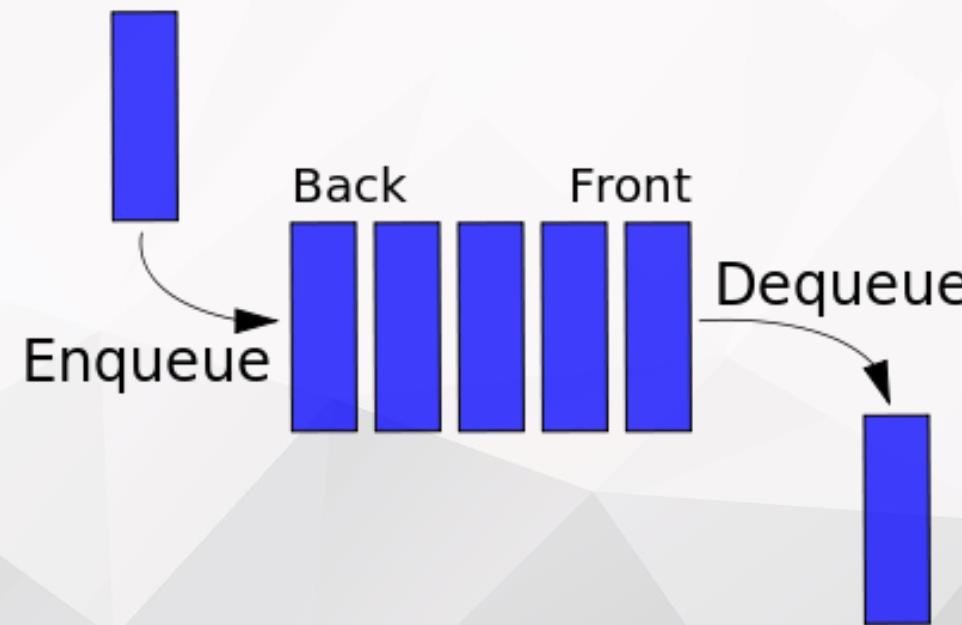
---

```
cin.ignore();  
  
while (getline(cin, s)) {  
    if (s.empty()) break;  
    :  
    .  
}  
}
```

# Queue(佇列)

---

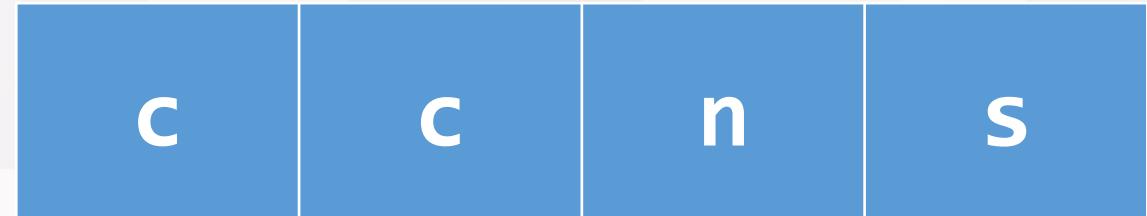
- 先進先出，如排隊般的特性
- 與接下來的 Stack、Linked List 有類似的操作
- push()
- pop()
- **front()**
- empty()
- size()



# Queue 操作

---

```
#include <queue>
queue<string> q;
q.push("c");
q.push("c");
q.push("n");
q.push("s");
q.front(); // return "c"
q.pop();
```



# Queue 操作

---

```
while(!q.empty()) {  
    // do something  
}  
  
while(q.size()) {  
    // do something  
}
```

# Queue 例題

---

- Uva 10935
- 題目說明：

現在有一疊牌，每當輸入一個  $n$  ( $n \leq 50$ ) 代表牌有  $n$  張，依序編號從 1 到  $n$ ，每次操作會將最頂端的牌的編號輸出，並拿掉該牌，然後將新成為頂端的牌放到牌的最末端，直到剩下最後一張牌，輸出最後一張牌的編號。

# 範例輸入輸出

---

Input:

7

Output:

Discarded cards: 1, 3, 5, 7, 4, 2

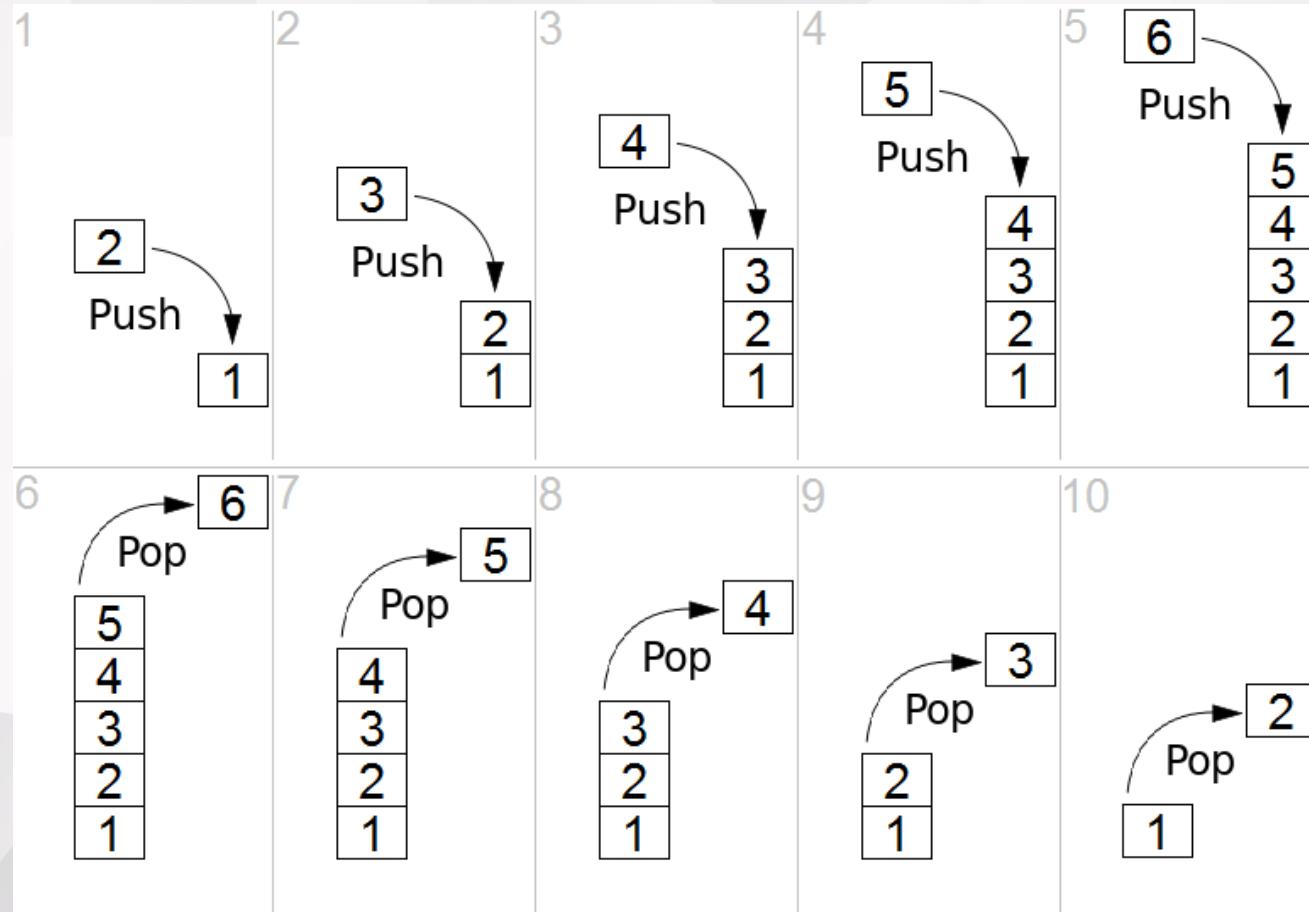
Remaining card: 6

# Stack(堆疊、堆棧、棧)

---

- 後進先出，就像把東西疊起來
- push()
- pop()
- **top()**
- empty()
- size()

# Stack



# Stack 操作

---

```
#include <stack>
stack<int> s;
s.push(7);
s.push(8);
s.push(9);
s.push(3);
s.top(); // return 3
s.pop();
s.top(); // return 9
```



# Stack 操作

---

```
while(!s.empty()) {  
    // do something  
}  
  
while(s.size()) {  
    // do something  
}
```

# Stack 例題

---

- Uva 514
- 題目說明：

開火車開起來

# 範例輸入輸出

---

Input:

5

1 2 3 4 5

5 4 1 2 3

Output:

Yes

No

# List(鏈結串列)

---

- 愛怎麼進出都可以
  - push\_back()
  - pop\_back()
  - push\_front()
  - pop\_front()
  - back()
  - front()
- insert()
  - erase()

# List 操作

---

```
#include <list>
list<int> li;
li.push_back(3);      // 3
li.push_back(4);      // 3<->4
li.push_front(2);     // 2<->3<->4
li.pop_front();        // 3<->4
```

# List 操作

---

```
list<int>::iterator iter;
for(iter = li.begin(); iter != li.end(); iter++) {
    cout << *iter << endl;
}
```

# List 例題

---

『陸行鳥大賽車』

開車開起來

# set

---

- 是數學上使用的集合結構
- 元素不會重複，例如  $\{1, 2, 2, 3, 1\} = \{1, 2, 3\}$



# set

---

- 是數學上使用的集合結構
- 元素不會重複，例如  $\{1, 2, 2, 3, 1\} = \{1, 2, 3\}$
- 元素之間必須有序(可比大小)
- 插入、刪除、查詢 的複雜度都為  $O(\log N)$

# set member function

---

`insert(a)`  
插入元素 a

`erase(l, r)`  
把  $[l, r]$  位置上的元素移除，其中  $l, r$  型態為 iterator

`erase(a)`  
移除元素 a

# set member function

---

`find(a)`

指向元素 a 的迭代器，若 a 不存在則回傳 `end()`

`count(a)`

元素 a 是否存在

# set 遍歷

---

```
int mints[] = {75,23,65,42,13,75,65};  
set<int> myset(myints,myints+7);  
  
for (auto it = myset.begin(); it != myset.end(); it++)  
    std::cout << ' ' << *it;
```

*Output:*

13 23 42 65 75 // 按照順序

# CF 1157A Reachable Numbers

---

# CF 1157A Reachable Numbers

---

為了產生不曾出現過的數字  
只能持續套用函數  $f$

# CF 1157A Reachable Numbers

---

為了產生不曾出現過的數字  
只能持續套用函數  $f$

所以考慮使用  $f$  的複雜度  
在除以 10 以前，最多也只會加 9 次 1  
所以對於  $n$ ，不斷操作  $f$  複雜度為  $O(\log n)$

# CF 1157A Reachable Numbers

---

若遇到已經見過的數字，則不會再出現不曾見過的數字了

```
set<int> S;
while(!S.count(n)) {
    S.insert(n);

    n++;
    while(n % 10 == 0) n /= 10;
}
printf("%d\n", S.size());
```

# map

---

- 是鍵(key)值(value)對(pair)的一種實作
- 每個元素都是 pair
- 與 set 一樣，這些 pair 要有序
- 插入、刪除、查詢 的複雜度都為  $O(\log N)$

# map

---

```
map<char, string> mymap;
```

索引型態

資料型態

# map

---

```
map<char, string> mymap;  
  
mymap[ 'a' ]="an element";  
mymap[ 'b' ]="another element";  
mymap[ 'c' ]=mymap[ 'b' ];
```

# map

---

```
map<char, string> mymap;
```

```
mymap['a']="an element";
```

```
mymap['b']="another element";
```

```
mymap['c']=mymap['b'];
```

```
cout << mymap['b']; //another element
```

```
cout << mymap['a']; //an element
```

# map v.s. array(c style)

---

```
mymap[ 'b' ]="apple";  
cout << mymap[ 'b' ];
```

新增與取值的操作為 $O(\log N)$

# map v.s. array(c style)

---

```
mymap[ 'b' ]="apple";  
cout << mymap[ 'b' ];
```

新增與取值的操作為 $O(\log N)$

```
a[0]=18;  
cout << a[0];
```

新增與取值的操作為 $O(1)$

# map v.s. array(c style)

---

用非負整數索引找資料

```
int a[5] = {3, 7, 2, 7, 5};
```

資料型態

索引型態

# map v.s. array(c style)

---

- 在 array 中：  
資料型態可以自由定義  
索引型態卻只能是**非負整數**

用**非負整數**索引找資料

```
int a[5] = {3, 7, 2, 7, 5};
```

資料型態

索引型態

# map 遍歷

---

```
map<char,int> mymap;
mymap['b'] = 100, mymap['a'] = 200, mymap['c'] = 300;

for (auto it = mymap.begin(); it != mymap.end(); it++)
    cout << it->first << ", " << it->second << endl;
```

輸出：

a, 200  
b, 100  
c, 300

# CF 1133C Balanced Team

---

# CF 1133C Balanced Team

---

與其記錄某 skill 附近有多少 skill 相差為 5  
不如記錄有多少 skill 與某 skill 相差為 5

# CF 1133C Balanced Team

與其記錄某 skill 附近有多少 skill 相差為 5  
不如記錄有多少 skill 與某 skill 相差為 5

```
for(int i = 0; i < n; i++) {  
    scanf("%d", &a[i]);  
    for(int k = 0; k <= 5; k++) cnt[a[i]+k]++;  
}
```

# CF 1133C Balanced Team

因此得知  $x$  附近有  $\text{cnt}[x]$  這麼多 skill 與他相差為 5

接著找出哪個區間記錄值最大

```
int best = 1;
for(int i = 0; i < n; i++)
    best = max(best, cnt[a[i]]);
```

# CF 1255C League of Leesins

---

# CF 1255C League of Leesins

---

題目中的例子  $(1,4,2), (4,2,3), (2,3,5)$

可以很自然地推得數列  $1,4,2,3,5 \dots$  (畢竟就是這樣來的)

欸可以先暫停自己想

# CF 1255C League of Leesins

---

題目中的例子  $(1,4,2), (4,2,3), (2,3,5)$   
可以很自然地推得數列  $1,4,2,3,5$

如果拿到數字 3，只知道可能後面接 4, 2 或是 2, 5  
但如果 1, 5 可以分別知道後面是 4, 2 和 2, 3

# CF 1255C League of Leesins

---

如果拿到數字 3，只知道可能後面接 4, 2 或是 2, 5  
但如果是 1, 5 可以分別知道後面是 4, 2 和 2, 3

```
scanf("%d%d%d", &x, &y, &z);
tp[{x, y}].push_back(z);
tp[{y, x}].push_back(z);
tp[{y, z}].push_back(x);
tp[{z, y}].push_back(x);
tp[{z, x}].push_back(y);
tp[{x, z}].push_back(y);
```

# CF 1255C League of Leesins

---

那麼若是有確定兩個數字  $p_1, p_2$ ，  
就能利用  $tp$  推出下一個數字

# CF 1255C League of Leesins

---

```
bool vis[maxn] = {};
for(int i = 0;; i++) {
    printf("%d ", p1);

    vis[p1] = true;
    if(i == n-1) break;

    auto v = tp[{p1, p2}];
    p1 = p2;
    p2 = vis[v[0]]? v[1] : v[0];
}
```

# CF 1255C League of Leesins

---

完整程式碼詳見 [第二週教材](#)

# priority\_queue

---

- 優先隊列 (priority queue) 是隊列 (queue) 的一個變種
- 每次以優先度作為查找和移除的依據

# priority\_queue

---

- 優先隊列 (priority queue) 是隊列 (queue) 的一個變種
  - 每次以優先度作為查找和移除的依據
- 
- `dequeue` 會先選容器中**優先度最大的元素**
  - `front` 也先選容器中**優先度最大的元素**

# priority\_queue

---

- 優先隊列 (priority queue) 是隊列 (queue) 的一個變種
  - 每次以優先度作為查找和移除的依據
- 
- `dequeue` 會先選容器中**優先度最大的元素**
  - `front` 也先選容器中**優先度最大的元素**
- 
- 時間複雜度為每次進出  $O(\log N)$

# priority\_queue

---

`priority_queue<T> pq`

`pq` 為空的優先隊列，且各元素型別為 `T`

`top()`

優先度最大的元素

`push(a)`

將 `a` 加進優先隊列

`pop()`

將優先度最大的一個元素移除

# priority\_queue

---

```
priority_queue<int> mypq;  
mypq.push(30);  
mypq.push(100);  
mypq.push(25);  
mypq.push(40);
```

```
while (!mypq.empty()) {  
    int now = mypq.top();  
    mypq.pop();  
    cout << ' ' << now;  
}
```

*Output:*

100 40 30 25

# priority\_queue

---

與 set 以及 map 一樣，裡面的元素(型態)們必須有序

```
struct XXX {  
    int code, weight;  
    bool operator<(const XXX &lhs) const {  
        return weight < lhs.weight;  
    }  
};
```

# GCJ Kickstart Round E 2018 B Milk Tea

---

好題，自己讀教材

# sort

---

顧名思義

就是對一些東西排序

# sort

---

對陣列排序

```
int a[100];
for(int i = 0; i < 100; i++)
    scanf("%d", &a[i]);
```

```
sort(a, a+100);
```

# sort

---

如果是自訂的結構

```
struct T { int val, num; };  
vector<T> v;
```

# sort

---

如果是自訂的結構

```
struct T { int val, num; };
vector<T> v;
```

就得自己訂比較函數

```
bool cmp(const T &a, const T &b) {
    return a.num < b.num;
}
```

# sort

---

將 cmp 加到第三個參數

```
sort(v.begin(), v.end(), cmp);
```

當然也可以直接把匿名函數寫進去：

```
sort(v.begin(), v.end(), [](T a, T b) {  
    return a.num < b.num;  
});
```

# Questions?